

# Sadržaj

<b>Glava 1</b>	<b>UVOD .....</b>	<b>1</b>
<b>Glava 2</b>	<b>KONTINUALNI SIGNALI .....</b>	<b>7</b>
2.1	Klasifikacija kontinualnih signala .....	9
2.1.1	Jednodimenzionalni i višedimenzionalni signali .....	9
2.1.2	Realni i kompleksni signali .....	9
2.1.3	Parni i neparni signali .....	10
2.1.4	Kauzalni i nekauzalni signali .....	12
2.1.5	Periodični i neperiodični signali .....	13
2.1.6	Signali energije i signali snage .....	14
2.1.7	Deterministički i stohastički signali .....	15
2.2	Elementarni signali .....	15
2.2.1	Jedinični odskočni signal .....	16
2.2.2	Signal znaka .....	17
2.2.3	Signal nagiba .....	17
2.2.4	Pravougaoni impuls .....	18
2.2.5	Trougaoni impuls .....	19
2.2.6	Dirakov impuls .....	20
2.2.7	Kompleksni eksponencijalni i sinusni signali .....	28
2.2.8	Sinc signal .....	32
2.3	Operacije nad signalima .....	34
2.3.1	Transformacije nezavisne varijable .....	34
2.3.2	Osnovne matematičke operacije nad signalima .....	37
2.3.3	Izvod i integral signala .....	37
<b>Glava 3</b>	<b>KONTINUALNI SISTEMI .....</b>	<b>41</b>
3.1	Osobine kontinualnih sistema .....	43
3.1.1	Sistemi sa i bez memorije .....	44
3.1.2	Invertibilnost i inverzni sistemi .....	44

3.1.3	Kauzalnost .....	46
3.1.4	Stabilnost .....	46
3.1.5	Vremenska invarijantnost .....	47
3.1.6	Linearost .....	48
3.2	Klasifikacija kontinualnih sistema .....	51
3.2.1	Statički i dinamički sistemi .....	51
3.2.2	Kauzalni i nekauzalni sistemi .....	51
3.2.3	Stabilni i nestabilni sistemi .....	52
3.2.4	Sistemi sa raspodijeljenim i sistemi sa koncentrisanim parametrima ....	52
3.2.5	Linearni i nelinearni sistemi .....	52
3.2.6	Stacionarni i nestacionarni sistemi .....	53
3.2.7	Deterministički i stohastički sistemi .....	53

#### **Glava 4 ANALIZA I OBRADA SIGNALA U VREMENSKOM DOMENU ..... 55**

4.1	Impulsni odziv LTI sistema .....	56
4.2	Konvolucija .....	56
4.2.1	Predstavljanje signala impulsnim funkcijama .....	56
4.2.2	Konvolucioni integral .....	61
4.2.3	Grafičko rješavanje konvolucije .....	68
4.3	Jedinični odskočni odziv LTI sistema .....	82
4.4	Osobine LTI sistema .....	84
4.4.1	LTI sistemi bez memorije .....	84
4.4.2	Invertibilnost LTI sistema .....	84
4.4.3	Kauzalnost LTI sistema .....	85
4.4.4	Stabilnost LTI sistema .....	86
4.5	Opis LTI sistema diferencijalnim jednačinama .....	87
4.5.1	Jednačine stanja .....	88
4.5.2	Opis LTI sistema diferencijalnim jednačinama višeg reda .....	89
4.5.3	Određivanje impulsnog odziva iz diferencijalne jednačine LTI sistema .....	99
4.6	Odziv LTI sistema na kompleksnu eksponencijalnu pobudu .....	100
4.6.1	Funkcija prenosa LTI sistema .....	101
4.6.2	Frekvencijske karakteristike LTI sistema .....	101
4.7	Korelacija .....	103

<b>Glava 5 FURIJEOV RED .....</b>	<b>107</b>
5.1 Razvoj kontinualnih periodičnih signala u Furijeov red .....	108
5.2 Furijeov red realnih signala .....	115
5.3 Trigonometrijski oblik Furijeovog reda .....	118
5.4 Parsevalova teorema za kontinualne periodične signale .....	119
5.5 Generalisani Furijeov red .....	130
5.6 Prekinuti razvoj signala u Furijeov red .....	133
<b>Glava 6 FURIJEJAVA TRANSFORMACIJA .....</b>	<b>139</b>
6.1 Prelaz sa Furijeovog reda na Furijeovu transformaciju .....	140
6.2 Furijeova transformacija kompleksnih signala .....	150
6.3 Furijeova transformacija realnih signala .....	152
6.4 Osobine Furijeove transformacije .....	154
6.4.1 Simetrija .....	154
6.4.2 Linearnost .....	157
6.4.3 Pomak u vremenskom domenu .....	158
6.4.4 Pomak u frekvencijskom domenu .....	161
6.4.5 Skaliranje .....	162
6.4.6 Konvolucija u vremenskom domenu .....	168
6.4.7 Konvolucija u frekvencijskom domenu .....	172
6.4.8 Deriviranje u vremenskom domenu .....	176
6.4.9 Deriviranje u frekvencijskom domenu .....	179
6.4.10 Integraljenje u vremenskom domenu .....	180
6.4.11 Integraljenje u frekvencijskom domenu .....	181
6.5 Furijeova transformacija periodičnih signala .....	182
6.6 Parsevalova teorema za kontinualne neperiodične signale .....	190
6.7 Odmjeravanje signala .....	192
6.8 Rekonstrukcija signala iz njegovih odmjeraka .....	198
6.9 Gibsov fenomen .....	202
6.10 Hilbertova transformacija .....	205

<b>Glava 7 LAPLASOVA TRANSFORMACIJA .....</b>	<b>211</b>
7.1 Bilateralna Laplasova transformacija .....	212
7.2 Unilateralna Laplasova transformacija .....	217
7.3 Inverzna Laplasova transformacija .....	218
7.4 Laplasove transformacije elementarnih signala .....	220
7.5 Osobine Laplasove transformacije .....	228
7.5.1 Linearnost .....	228
7.5.2 Pomak u vremenskom domenu .....	229
7.5.3 Pomak u domenu kompleksne učestanosti .....	229
7.5.4 Skaliranje .....	230
7.5.5 Konvolucija u vremenskom domenu .....	231
7.5.6 Konvolucija u domenu kompleksne učestanosti .....	232
7.5.7 Deriviranje u vremenskom domenu .....	233
7.5.8 Deriviranje u domenu kompleksne učestanosti .....	237
7.5.9 Integraljenje u vremenskom domenu .....	238
7.5.10 Integraljenje u domenu kompleksne učestanosti .....	239
7.5.11 Početna vrijednost originala .....	239
7.5.12 Krajnja vrijednost originala .....	241
7.6 Metodi određivanja inverzne Laplasove transformacije .....	243
7.6.1 Određivanje inverzne Laplasove transformacije pomoću Košijeve teoreme ostataka .....	243
7.6.2 Tablični metod određivanja inverzne Laplasove transformacije .....	246
7.6.3 Određivanje inverzne Laplasove transformacije razvojem u parcijalne razlomke .....	248
7.7 Primjena Laplasove transformacije u analizi sistema i obradi signala .....	256
7.7.1 Određivanje odziva primjenom pravila konvolucije u vremenskom domenu .....	256
7.7.2 Frekvencijske karakteristike .....	260
7.7.3 Uslovi stabilnosti LTI sistema .....	261
7.7.4 Određivanje odziva rješavanjem diferencijalnih jednačina primjenom unilateralne Laplasove transformacije .....	261
7.7.5 Analiza električnih kola primjenom Laplasove transformacije .....	267
7.7.6 Jednačine stanja u domenu Laplasove transformacije .....	272
7.7.7 Analiza složenih sistema primjenom Laplasove transformacije .....	274

<b>Glava 8 VIŠEDIMENZIONALNI KONTINUALNI SIGNALI .....</b>	<b>281</b>
8.1    Osnovni višedimenzionalni signali .....	282
8.1.1    ND jedinični odskočni signal .....	282
8.1.2    ND pravougaoni impuls .....	283
8.1.3    ND Dirakov impuls .....	285
8.1.4    ND kompleksni eksponencijalni i sinusni signali .....	286
8.1.5    Separabilni ND signali .....	288
8.2    Obrada višedimenzionalnih signala u vremenskom domenu .....	290
8.3    Višedimenzionalni Furijeov red .....	291
8.4    Višedimenzionalna Furijeova transformacija .....	292
8.5    Višedimenzionalna Laplasova transformacija .....	301
<b>LITERATURA .....</b>	<b>303</b>
<b>INDEKS POJMOVA .....</b>	<b>307</b>